

## CAPÍTULO 3. ÁRBOLES N-ARIOS

### 3.0. CONCEPTOS GENERALES

Los árboles N-arios Son árboles con nodos cuyo número de hijos no está limitado a priori.

Por tanto, NO TIENE SENTIDO hablar de “Hijo a la Izquierda” e “Hijo a la Derecha”.

En su lugar hablaremos de:

*Hijo a la Izquierda:*

Dado un nodo (Z), se refiere al hijo de Z situado más a la izquierda.

*Hermano a la Derecha:*

Dado un nodo (Z), se refiere a un hijo de Z que está situado justo a la derecha de otro nodo hijo de Z.

Ejemplo:

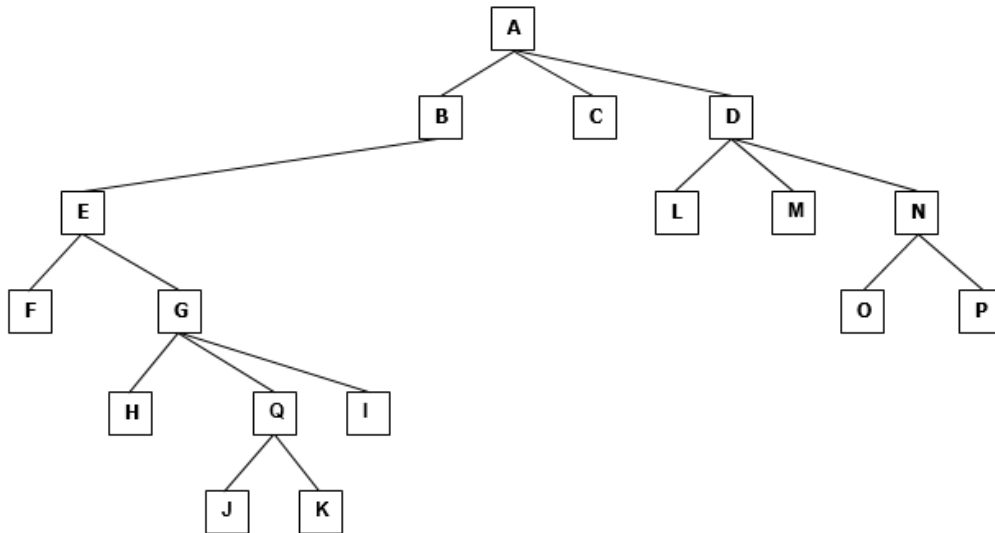


Figura 1.

Revisión 1: Hijo Izquierda (D) = L Hermano Derecha (L) = M Hermano Derecha (M) = N Hermano Derecha (N) = <b>null</b>	Revisión 2: Hijo Izquierda (A) = B Hermano Derecha (B) = C Hijo Izquierda (C) = <b>null</b>
--	--

### 3.1. EL TIPO DE DATO ABSTRACTO “ÁRBOL N”.

Al igual que con otros TAD, existe una gran variedad de operaciones que pueden llevarse a cabo sobre árboles.

<b>Padre ( n , T )</b>	Devuelve (la dirección de) el padre del nodo n en el árbol T. Si n es la raíz se devuelve NULL.
<b>Es raíz ( n , T ):</b>	Devuelve true si n corresponde a la raíz.
<b>Es hoja ( n , T ):</b>	Devuelve true si n corresponde a un nodo sin hijos.
<b>Hijo mas izquierdo ( n , T ):</b>	Devuelve (la dirección de) el hijo más izquierdo del nodo n en el árbol T. Si n es una hoja Devuelve NULL.
<b>Hermano derecho ( n , T ):</b>	Devuelve (la dirección de) el hermano derecho de n en T. Este es el nodo hijo del mismo padre que está inmediatamente a la derecha de n.
<b>Valor ( n , T ):</b>	Devuelve la información correspondiente al nodo n en el árbol T.
<b>Crear raíz ( v ):</b>	Crea un árbol con un único nodo con valor v.
<b>Agregar hijo ( T , v , p ):</b>	Agrega un nodo como hijo del nodo con dirección p. Se ubicará como nodo más a la derecha entre los hijos.
<b>Raiz(T):</b>	Devuelve la información del nodo raíz del árbol T y true o false si T es el árbol vacío.
<b>Buscar ( T , v ):</b>	Devuelve (la dirección de) el nodo con valor v.
<b>Borrar (T,i):</b>	Borra el nodo con dirección i del árbol.
<b>Inorden (T):</b>	Lista los nodos de T en inorden.
<b>Preorden (T):</b>	Lista los nodos de T en preorden.
<b>Postorden (T):</b>	Lista los nodos de T en postorden.

### 3.2. RECORRIDOS EN ÁRBOLES N-ARIOS.

NOTA: Recorrido se refiere a la secuencia de recuperación de información del árbol.

**Preorden:** Raíz → Hijo Izquierda → Hijos Derecha.

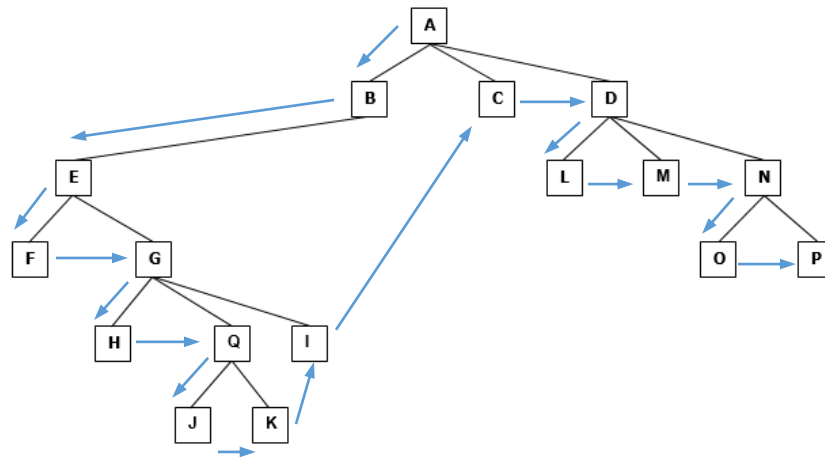
**Postorden:** Hijo Izquierda → Hijos Derecha → Raíz.

**Inorden:** Hijo Izquierda → Raíz → Hijos Derecha.

**Por niveles:** Nodos de un nivel, de izquierda a derecha. Pasar al siguiente nivel.

Se puede ver mediante los siguientes ejemplos:

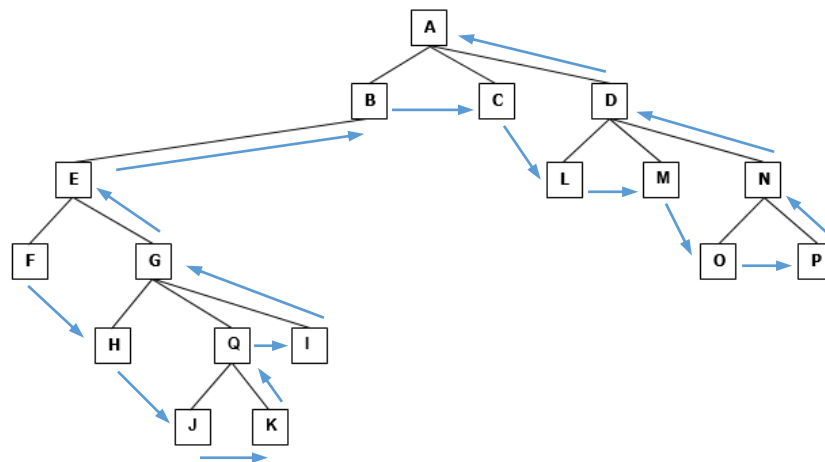
#### RECORRIDO PREORDEN:



**Recorrido: A, B, E, F, G, H, Q, J, K, I, C, D, L, M, N, O, P**

Figura 2.

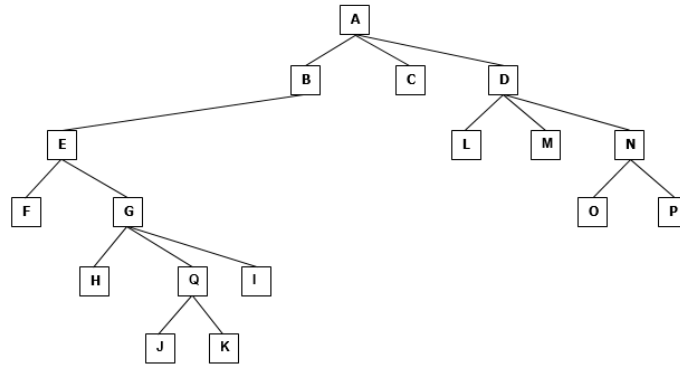
**RECORRIDO POSTORDEN:** Ubicamos el elemento más a la izquierda de todo el árbol y de allí comienza el recorrido



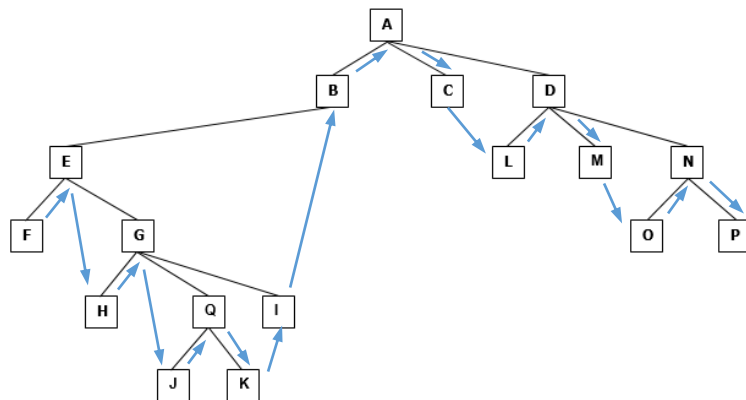
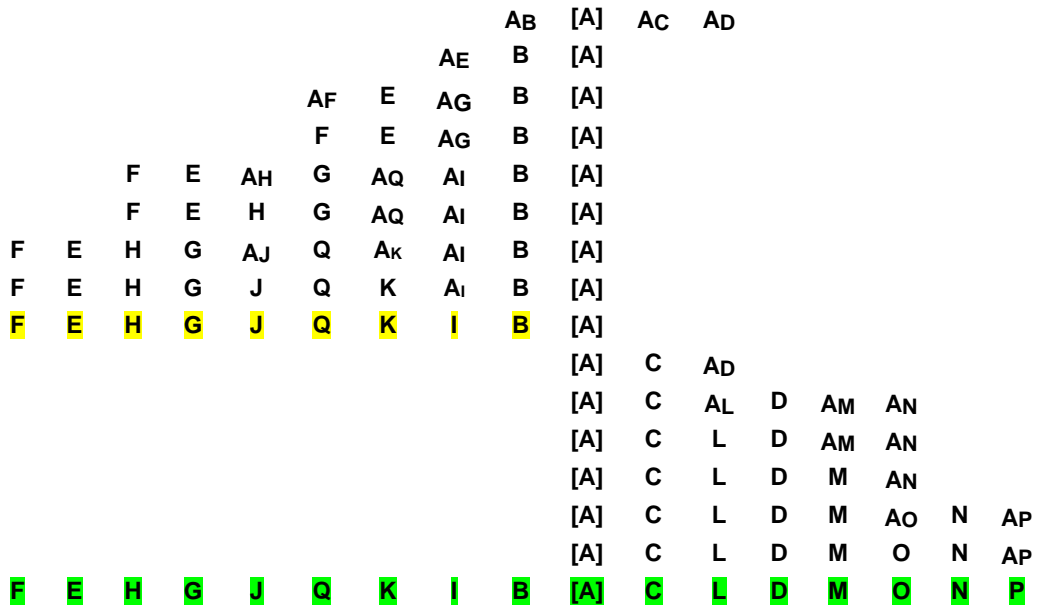
**Recorrido: F, H, J, K, Q, I, G, E, B, C, L, M, O, P, N, D, A**

Figura 3.

**RECORRIDO INORDEN:**



Para obtenerlo, se recomienda efectuar un proceso de descomposición tal como se indica



**Recorrido: F, E, H, G, J, Q, K, I, B, A, C, L, D, M, O, N, P**

Figura 4.

### 3.3. REPRESENTACIONES.

A continuación, se indicarán las representaciones más utilizadas para árboles N-arios.

#### 3.3.1. REPRESENTACIÓN CON LISTA DE HIJOS (VECTOR DE LISTAS)

Se hace mediante una lista de adyacencia. Dado el árbol de la Figura 5, se mostrará la lista de hijos mediante un arreglo de listas.

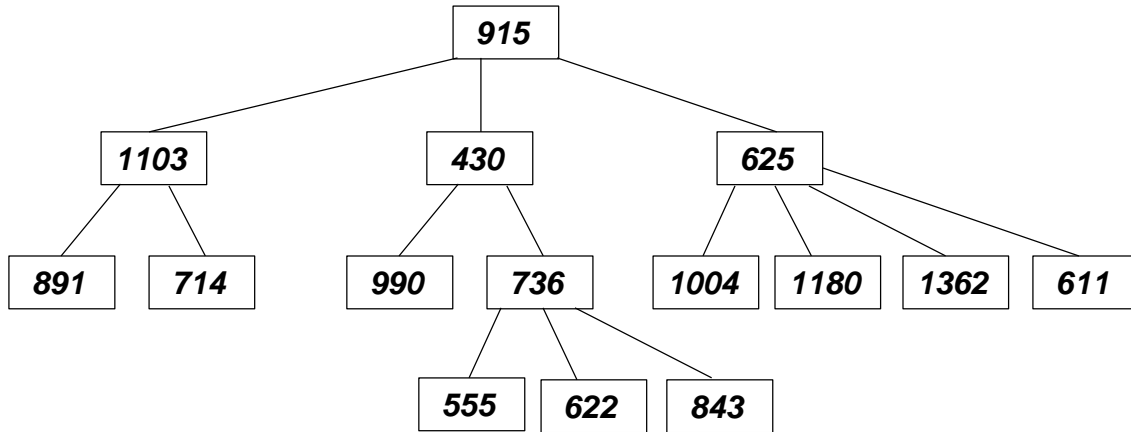
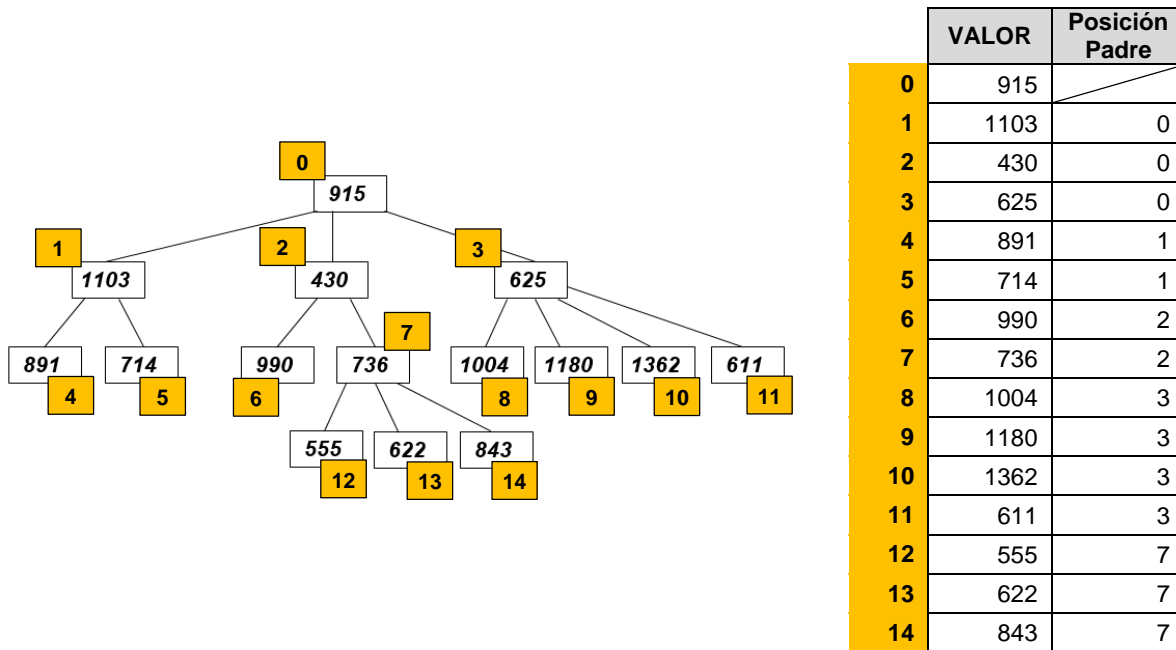
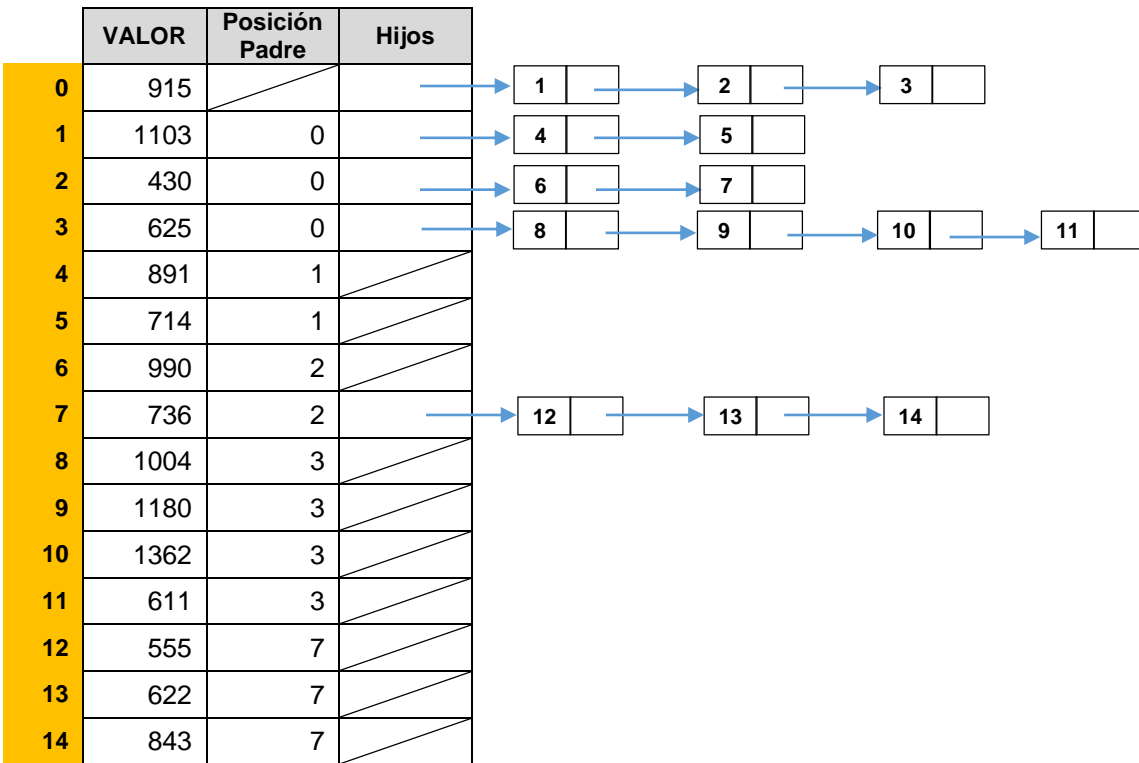


Figura 5.

¿Cómo obtenerla? Primero, llenamos este arreglo con los nodos siguiendo el recorrido por niveles, y posteriormente indicando la posición de su respectivo padre.

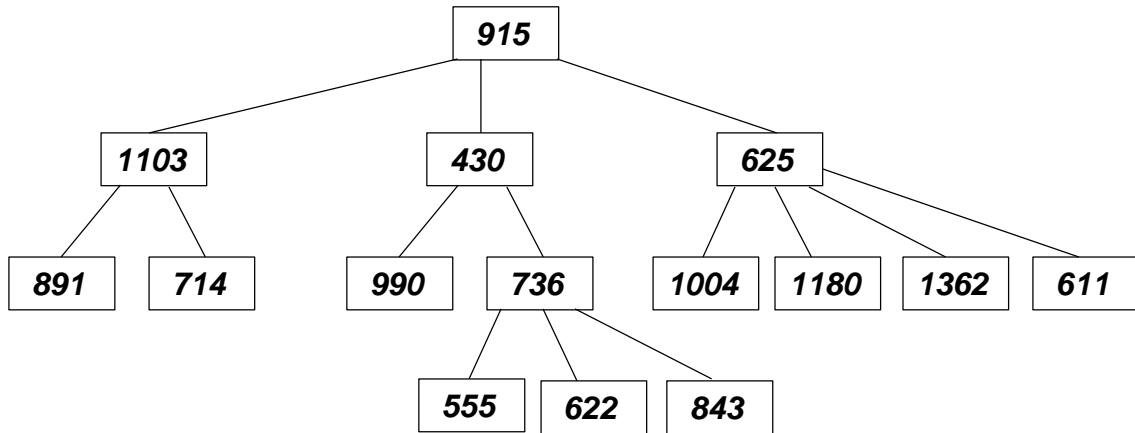


Ahora, se mostrará la lista de hijos mediante un arreglo de listas.

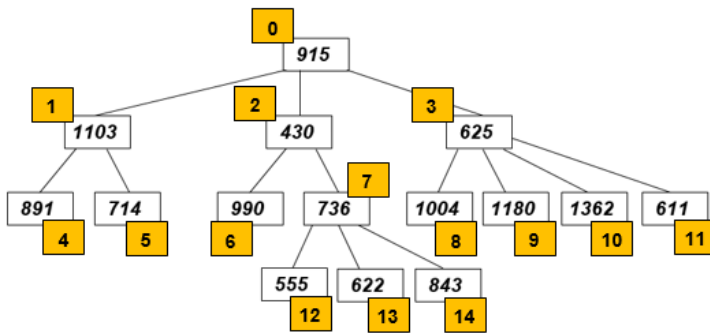


### 3.3.2. REPRESENTACIÓN ESTÁTICA DE HIJO-IZQUIERDO / HERMANO DERECHO

Es necesario armar un arreglo para almacenar información de los nodos hijos.

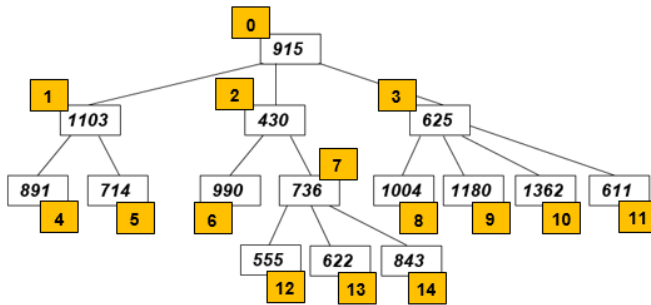


¿Cómo obtenerla? Primero, llenamos este arreglo con los nodos siguiendo el recorrido por niveles, y posteriormente indicando la posición de su respectivo padre.



INDICE	VALOR	(ÍNDICE) NODO PADRE
0	915	
1	1103	0
2	430	0
3	625	0
4	891	1
5	714	1
6	990	2
7	736	2
8	1004	3
9	1180	3
10	1362	3
11	611	3
12	555	7
13	622	7
14	843	7

Segundo, se agrega la posición de los nodos hijo izquierdo, donde los hubiera:



(INDICE) NODO HIJO IZQ	INDICE	VALOR	(INDICE) NODO PADRE
1	0	915	/
4	1	1103	0
6	2	430	0
8	3	625	0
/	4	891	1
/	5	714	1
/	6	990	2
12	7	736	2
/	8	1004	3
/	9	1180	3
/	10	1362	3
/	11	611	3
/	12	555	7
/	13	622	7
/	14	843	7

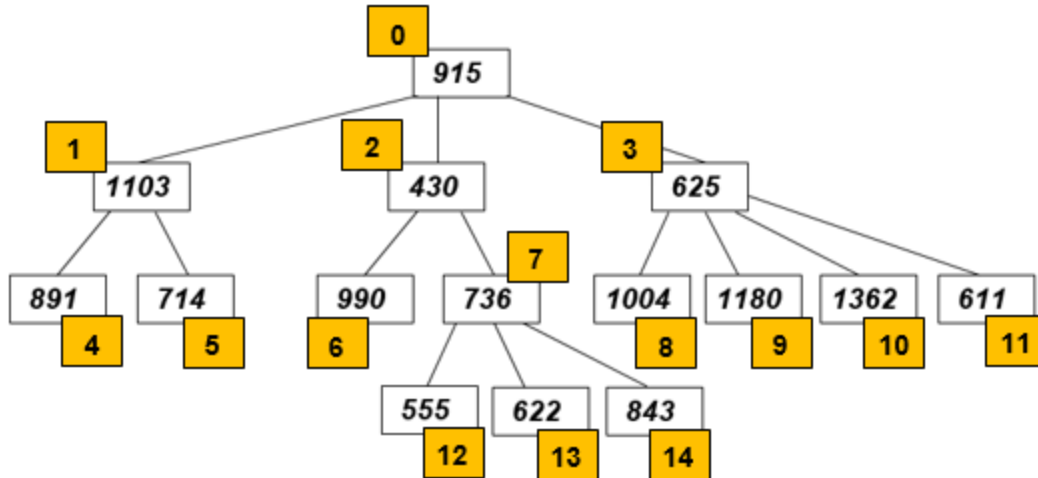
Finalmente, se agrega la posición del inmediato hermano derecho si lo hubiera:

(INDICE) NODO HIJO IZQ	INDICE	VALOR	(INDICE) NODO PADRE	(INDICE) NODO HERMANO DERECHO
1	0	915	/	/
4	1	1103	0	2
6	2	430	0	3
8	3	625	0	/
/	4	891	1	5
/	5	714	1	/
/	6	990	2	7
12	7	736	2	/
/	8	1004	3	9
/	9	1180	3	10
/	10	1362	3	11
/	11	611	3	/
/	12	555	7	13
/	13	622	7	14
/	14	843	7	/



### 3.3.3. REPRESENTACIÓN DE POSICIÓN DEL PADRE

Usa una matriz para almacenar los nodos de árbol; de cada nodo se incluye su valor y la posición de su correspondiente nodo padre.

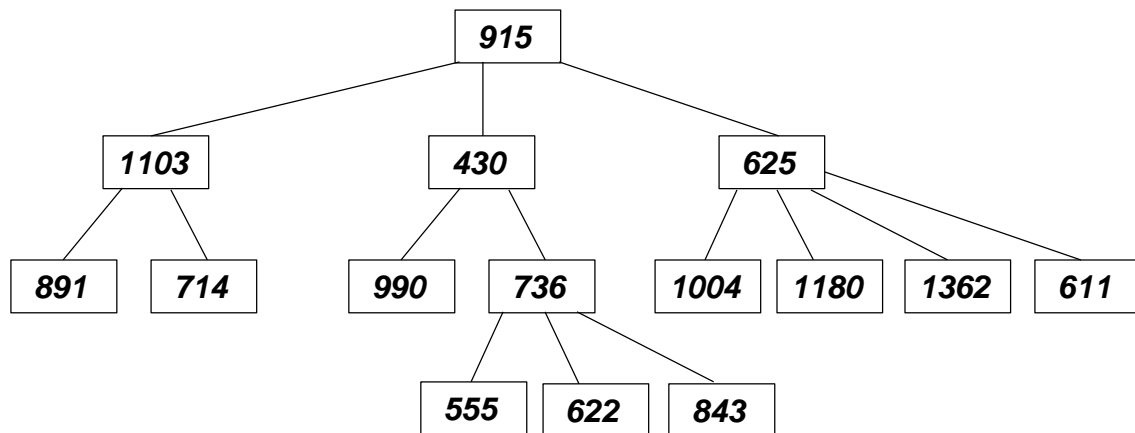


Retomando el árbol de la Figura 5, su representación de posición del padre es:

ÍNDICE DEL NODO	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
VALOR	915	1103	430	625	891	714	990	736	1004	1180	1362	611	555	622	843
ÍNDICE NODO PADRE		0	0	0	1	1	2	2	3	3	3	3	7	7	7

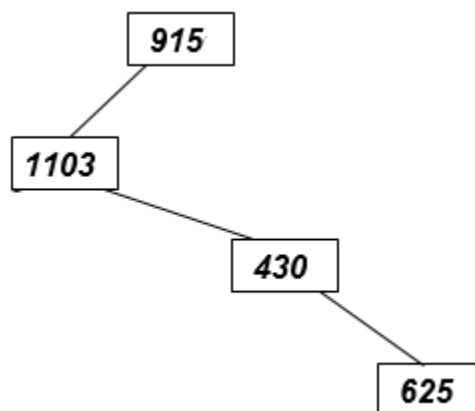
### 3.3.4. REPRESENTACIÓN DINÁMICA DE HIJO-IZQUIERDO / HERMANO DERECHO

El hijo izquierdo en el árbol es el primer hijo del nodo, y se ubica como "hijo derecho" al hermano derecho de ese nodo. Retomando el árbol de la Figura 5

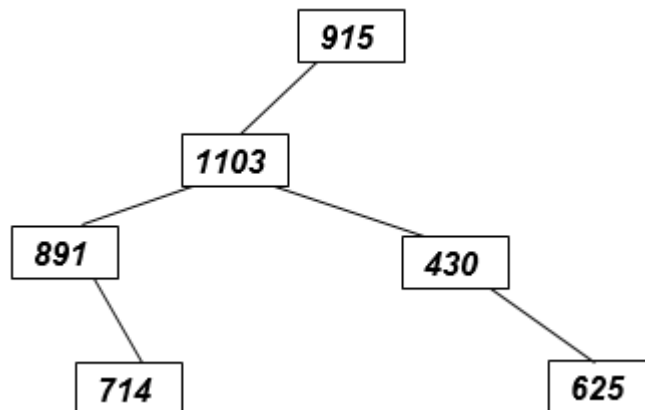


Esta representación se obtiene de la siguiente manera:

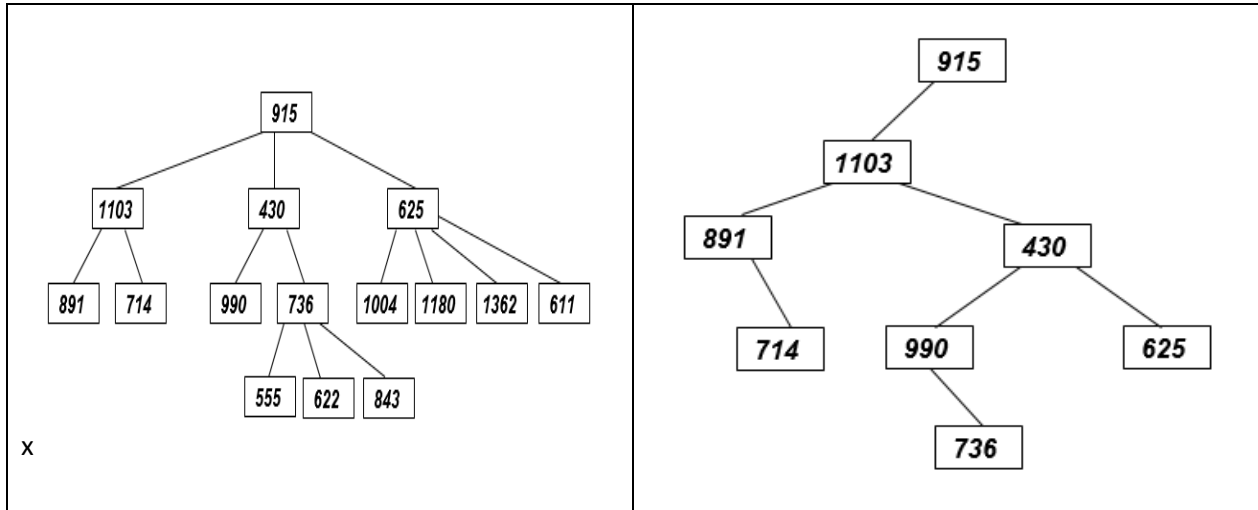
Niveles 0 y 1: Para representar al Hijo Izquierdo de la Raíz y los respectivos hijos a la derecha.



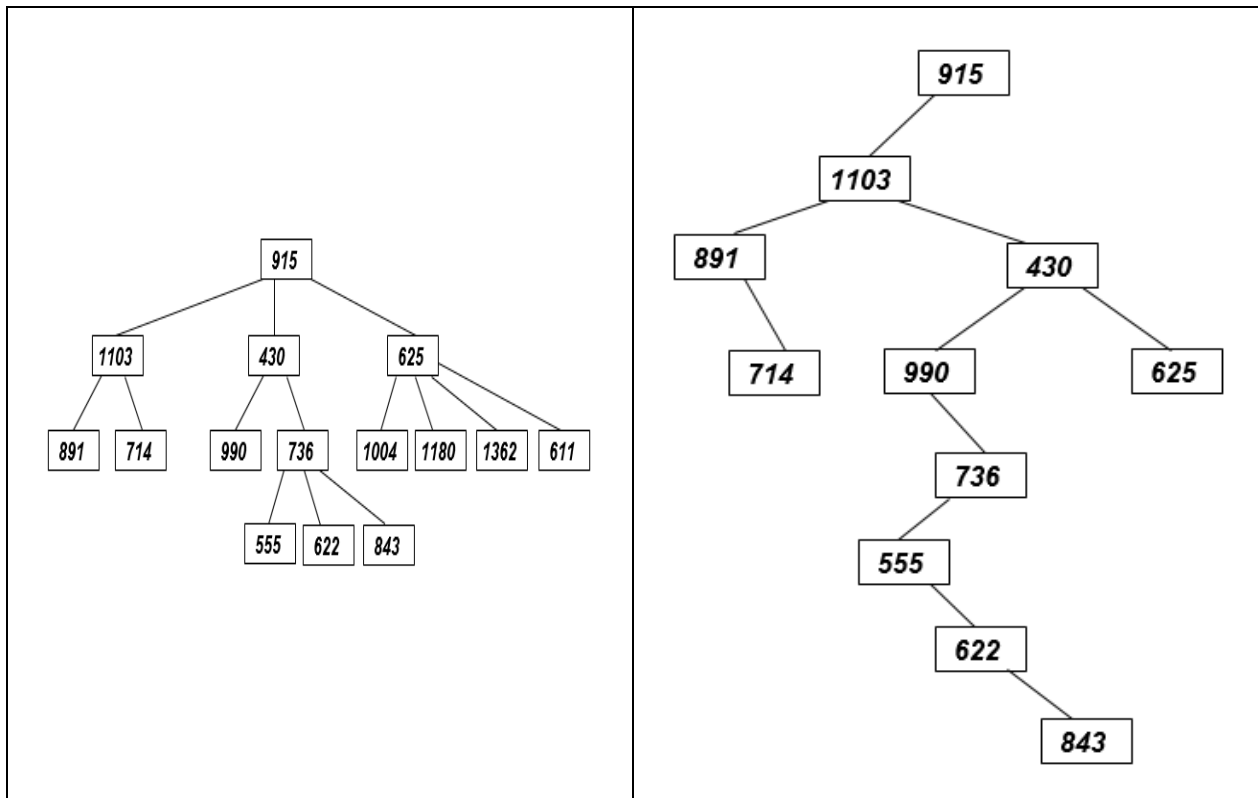
**Sub-árbol del hijo izquierdo de 915** (Nodo con valor 1103): Su respectivo Hijo Izquierdo (891) y su correspondiente hermano derecho (714).



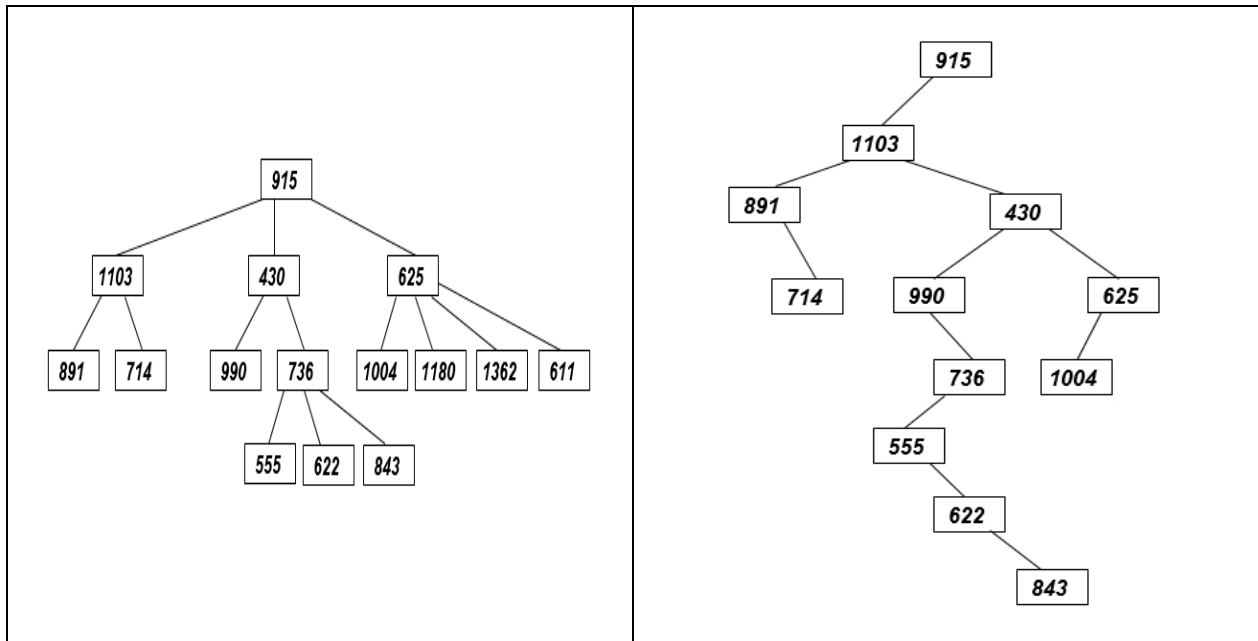
Como 891 y 714 son nodos Hoja, ahora vamos con el primer hermano derecho de 1103 (nodo con valor 430). Va primero su respectivo hijo izquierdo (990) y como es nodo Hoja, se representa de una vez a su hermano derecho (736):



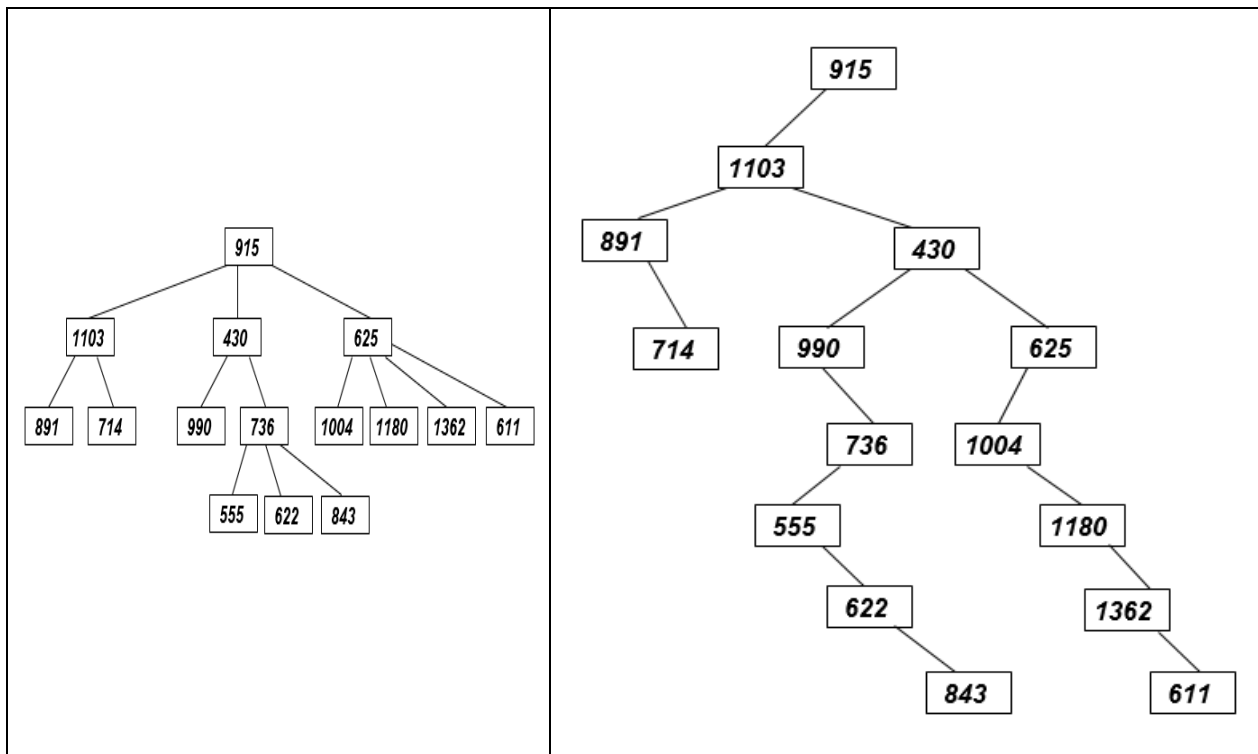
Seguimos con el sub-árbol del que es padre (736), va primero su hijo izquierdo (555) y los respectivos hermanos a la derecha de 555 (622 y 843). Los representamos de una vez ya que son nodos Hoja.



Los nodos 555, 622 y 843 son nodos Hoja. Entonces se continúa con el siguiente hermano derecho de 430, que es el nodo con valor 625. Su respectivo hijo a la izquierda es 1004.



Sus respectivos hermanos a la derecha son 1180, 1362 y 611. Los representamos de una vez ya que son nodos Hoja. Ya no hay más elementos del árbol, de modo que su representación final es:



Otro ejemplo de esta categoría de representación:

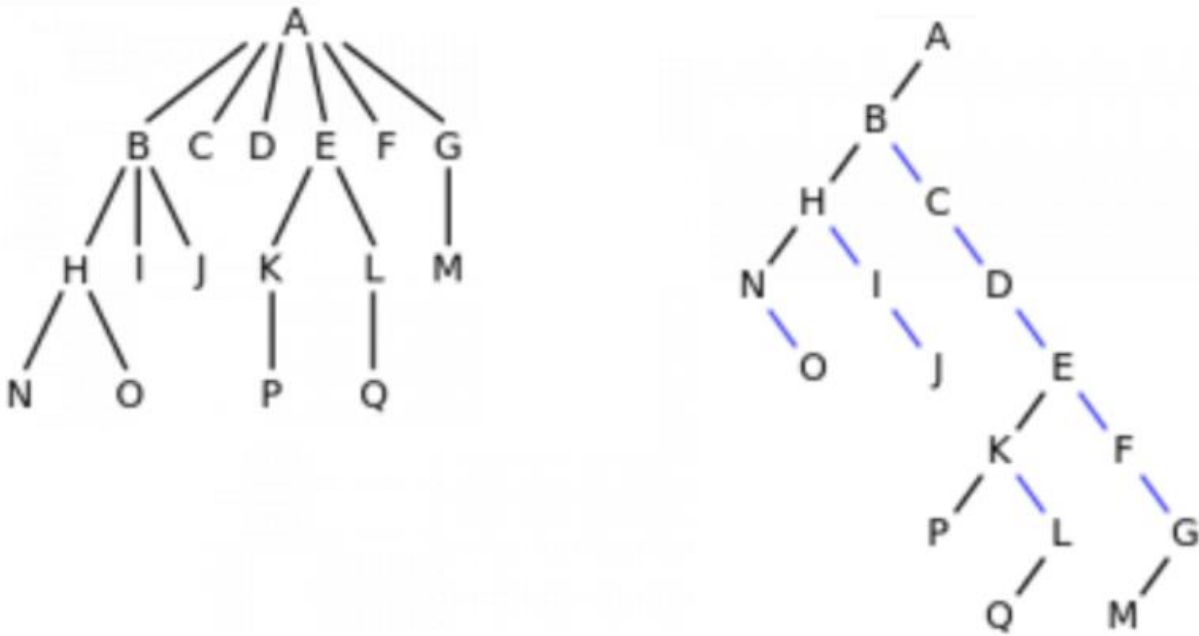


Figura 6.

----- FIN DE ESTA SECCIÓN